

# دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات ليانات حقيقية

أ.م.د. عادل أحمد هدو/ الجامعة المستنصرية / كلية الإدارة والأقتصاد / قسم الإحصاء

تاريخ التقديم: 2017/12/14

تاريخ القبول: 2018/1/25

## المستخلص

أن الهدف من هذا البحث هو تطبيق نماذج النقل المختلفة في قيمها الصغرى والعظمى من خلال إيجاد الحل الأساسي الأولي المقبول وإيجاد الحل الأمثل . تم عرض متطلبات نماذج النقل مع إحدى تطبيقاتها في حالة تقليل دالة الهدف التي أجراها الباحث كبيانات حقيقة اسغرقت شهر واحد عام 2015م في إحدى مزارع الدواجن لإنتاج البيض في محافظة عجلون- الأردن ، حيث تم تخزين البيض في ثلاثة مخازن لحين تسويقها الى أربعة أسواق . كذلك تم عرض طريقة مقترحة في حالة تعظيم دالة الهدف تعتمد على استعمال قاعدة (MiniMax) ، حيث تعتمد في الخطوة الأولى على تحديد أكبر ربح حدي لكل صف ولكل عمود ومن ثم اختيار أقل ربح حدي من بين الصفوف أو الأعمدة إلى أن يتم تطبيق بقية الخطوات اللاحقة . استعملت هذه الطريقة التكاليف المستخدمة للبيانات الحقيقية في مزارع الدواجن لإيجاد الأرباح الحدية . أن من أهم النتائج للحل الأساسي الأولي المقبول ، هي أن طريقة Vogel بلغت عندها أقل تكلفة كلية (3400) ديناراً أردنياً في حالة مقارنتها مع طريقة الركن الشمالي الغربي وطريقة أقل تكلفة . أما في الحل الأمثل ، فقد تم استعمال طريقة (MODI) لطريقة Vogel وطرق أخرى ، حيث تم الوصول إلى قيم موجبة أو سالبة لجميع التكاليف أو الأرباح للمتغيرات غير الأساسية . علماً بأنه قد تساوت الأرباح الكلية للطريقة المقترحة في هذا البحث مع نتائج الطرائق المختلفة والبالغة (20600) ديناراً أردنياً .

**المصطلحات الرئيسية للبحث/ الحل الاساسي الأولي المقبول (BSFS) ، طريقة (MODI) .**



مجلة العلوم

الاقتصادية والإدارية

العدد 103 المجلد 24

الصفحات 438-452



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

### مقدمة

تناول هذا البحث موضوعا مهما الا وهو نماذج النقل المختلفة وهي احدى التطبيقات الخاصة للبرمجة الخطية في بحوث العمليات وذلك من خلال بيان النماذج الرياضية ومكوناتها وعناصرها ومتطلباتها الأساسية . من المعلوم ان نماذج النقل تتضمن كيفية الوصول الى القيمة الصغرى والعظمى لتكاليف أو أرباح نقل سلعة (منتج) ما من عدة مصادر (Sources) تكون مثلا مراكز انتاجية أو تسويقية وغيرها الى مراكز الطلب (Destinations) .

أن الطريقة التي تم الاعتماد عليها هي طريقة النقل المبسطة ( Simplex Transportation Method ) ، حيث انها تكون مختلفة من الناحية الرياضية مع الطريقة المبسطة الاعتيادية ولكنها متشابهة معها من حيث ان الحل يبدأ بالحل الاساسي الأولي المقبول (Starting Basic Feasible Solution) وينتهي بالوصول الى الحل الأمثل وتكون دالة الهدف في نهايتها الصغرى أو نهايتها العظمى التي تمثل تكاليف النقل أو الأرباح .

ومن اجل الوصول الى الحل الممكن ، فانه تم استخدام ثلاث طرائق هي (طريقة الركن الشمالي الغربي ، طريقة اقل تكلفة ، طريقة Vogel ) في حالة تقليل دالة الهدف ، فضلا عن استخدام طرائق مختلفة ومقارنتها مع الطريقة المقترحة في هذا البحث في حالة تعظيم دالة الهدف . أما بخصوص الوصول الى الحل الأمثل ، فانه تم استخدام طريقة عوامل الضرب (Method of Multipliers) أو ما تسمى طريقة التوزيع المعدل (Modified Distribution) وأختصارها (MODI) لطريقة Vogel أو طرائق أخرى .

### مشكلة البحث

تناولت مشكلة البحث نماذج النقل في بحوث العمليات وتطبيقاتها ، وهي عبارة عن دراسة حالة لاحدى مزارع الدواجن (انتاج البيض) في محافظة عجلون- الأردن ، حيث تم تطبيق نماذج النقل المختلفة على هذه المزارع التي يتم فيها تخزين البيض في ثلاثة مخازن في مناطق متفرقة وهي (عين البستان، عين، ساكب) لحين تسويقها الى أربعة اسواق ( عجلون ، جرش ، كفرنجة ، إربد ) . علما ان تكاليف النقل من هذه المخازن الثلاثة الى المواقع الأربعة سيتم عرضها في الجانب التطبيقي في جدول (1) .  
تعد نماذج النقل من الأساليب الرياضية ذات الأهمية في صنع القرار المتعلق بنقل البيض من المخازن الثلاثة الى المراكز الأربعة من اجل تلبية حاجات المراكز ذات العلاقة باقل تكلفة ممكنة أو أكبر ربح ممكن .

### نطاق البحث

إستنادا الى الجانب التطبيقي للبحث ، فإن نطاق هذا البحث يركز على إحدى مزارع الدواجن (انتاج البيض) في محافظة عجلون- الأردن لشهر آذار عام 2015.

### أهمية البحث

تكمن أهمية هذا البحث في إمكانية استخدام ما جاء بالجانب النظري والجانب التطبيقي المتعلق بتطبيق نماذج النقل المختلفة على إحدى مزارع الدواجن لانتاج البيض في محافظة عجلون . وذلك من اجل تحديد عدد البيض في كل مخزن الى كل مركز لتوزيع البيض ، بحيث تكون تكاليف نقل البيض الكلية اقل ما يمكن أو تكون الأرباح الكلية أكبر ما يمكن .

### أهداف البحث

أن الهدف الأساسي من هذا البحث هو إيجاد الحل الأساسي الأولي المقبول وإيجاد الحل الأمثل لنماذج النقل المختلفة في قيمها الصغرى والعظمى . ويمكن تلخيص هذه الأهداف بالبنود الآتية :  
1- عرض مراحل واسلوب الحل الأساسي الأولي المقبول من خلال استعمال ثلاث طرائق هي (طريقة الركن الشمالي الغربي ، طريقة اقل تكلفة ، طريقة Vogel التقريبية ) وذلك في حالة تقليل دالة الهدف ومن ثم الوصول إلى الحل الأمثل من خلال استعمال طريقة التوزيع المعدل لطريقة Vogel التقريبية .



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

2- عرض مراحل واسلوب الحل الأساسي الأولي المقبول من خلال استعمال ست طرق ومقارنتها مع الطريقة المقترحة في هذا البحث في حالة تعظيم دالة الهدف ومن ثم الوصول إلى الحل الأمثل من خلال استعمال طريقة التوزيع المعدل لطريقة Vogel التقريبية .

### الدراسات السابقة

تناول هذا المبحث الأبحاث والكتب والدراسات السابقة المتعلقة ببحوث العمليات والمتوفرة في مراجع هذا البحث وخاصة التي تتعلق بنماذج النقل . لذلك فإن من هذه الدراسات السابقة والمراجع ، ما أشار إليه (الطراونة وعبيدات ، 2009) ، [5] ، حيث تطرقا إلى الحالات الخاصة في البرمجة الخطية (نماذج النقل) في حالة دالة الهدف الصغرى . وكذلك ما أشار إليه (Taha ، 2003) ، [7] ، حيث تطرق إلى نماذج النقل في حالة دالة الهدف الصغرى . وكذلك ما أشار إليه كل من (الشمرتي و خليل ، 2007) ، [1] ، (النجار وآخرون ، 2006) ، [2] ، حيث تطرقوا إلى مواضيع متنوعة في بحوث العمليات وخاصة نماذج النقل وخاصة في حالة دالة الهدف الصغرى . كذلك (الزبيدي ، 2001) ، [3] ، حيث تطرق إلى طريقة مقترحة مختلفة عن الطريقة المقترحة في هذا البحث لحل مسألة النقل في حالة دالة الهدف الصغرى والعظمى وقد اعتمد على بيانات افتراضية للحصول على قيم الأرباح في حالة دالة الهدف العظمى . أما (السبعوي وحياوي ، 2002) ، [4] ، حيث تطرقا إلى طريقة مقترحة مختلفة عن الطريقة المقترحة في هذا البحث لحل نموذج النقل في حالة دالة الهدف الصغرى والعظمى

### الأطار النظري (بعض المفاهيم الأساسية للبحث)

الحل الأساسي الأولي المقبول في نموذج النقل ومختصره (SBFS) من المعلوم انه توجد طرائق مختلفة في ايجاد الحل الأساسي الأولي المقبول في نماذج النقل في حالة تقليل دالة الهدف ومن الطرائق الأكثر إستخداما هي :

1- طريقة الركن الشمالي الغربي (North West Corner Method)

2- طريقة اقل تكلفة (Least Cost Method)

3- طريقة Vogel التقريبية (Vogel's Approximation Method : VAM)

أما الطرق التي تم إستخدامها في هذا البحث في حالة تعظيم دالة الهدف هي :

1- طريقة الركن الشمالي الغربي

2- طريقة أكبر ربح حدي (Largest Marginal Profit Method)

3- طريقة Vogel التقريبية

4- طريقة المدى (Method of Range)

5- طريقة Russell التقريبية (Russell's Approximation Method)

6- طريقة المجاميع (Totals Method)

7- الطريقة المقترحة (The Suggested Method)

أن من الطرق التي تستعمل في ايجاد الحل الأساسي الأولي المقبول في نموذج النقل في حالة تقليل دالة الهدف هي الطرائق التي تم ذكرها انفا وخاصة طريقة الركن الشمالي الغربي ، طريقة اقل تكلفة ، طريقة Vogel التقريبية ، حيث تناولت الكتب والأبحاث في بحوث العمليات متطلباتها الخاصة بكل طريقة . لذلك لا تحتاج إلى عرضها في هذا البحث .

أما بخصوص الطرق التي تتعلق بتعظيم دالة الهدف التي لم يتم شرح خطواتها في كتب بحوث العمليات الا القليل منها . لذلك تم شرح خطواتها في هذا البحث وهي :

1- طريقة الركن الشمالي الغربي

تم إستخدام نفس الخطوات السابقة المتبعة في حالة تقليل التكاليف في دالة الهدف ، لكن في هذه الطريقة تم التعامل مع الأرباح الحدية . لذلك تعتمد هذه الطريقة في جوهرها على تخصيص أكبر كمية ممكنة للمتغير الذي يقع في الركن الشمالي الغربي ، اي المتغير  $X_{11}$  على ضوء الكمية المعروضة في الصف الأول والكمية المطلوبة في العمود الأول . ومن ثم يتم توزيع التخصيصات بشكل متعاقب .



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

### 2- طريقة أكبر ربح حدي

في هذه الطريقة تم البحث عن الخلية التي تحتوي على أكبر ربح حدي في صف أو عمود ما في جدول النقل بحيث يتم توزيع التخصيصات المتوفرة في ذلك الصف أو العمود لحين استيعاب الكمية المطلوبة أو الكمية المعروضة فيهما . أما الخطوات اللاحقة ، فيتم العودة للبحث عن الخلايا التي تحتوي على أكبر ربح حدي في صفوف أو أعمدة أخرى حتى يتم توزيع كافة التخصيصات المتوفرة من أجل استيعاب الكميات المطلوبة أو الكميات المعروضة فيها وذلك للوصول إلى الأرباح الكلية .

### 3- طريقة Vogel التقريبية

في هذه الطريقة تم استخدام الخطوات نفسها المتبعة في حالة تقليل التكاليف في دالة الهدف ، لكن في هذه الطريقة يتم التعامل مع الأرباح الحدية .

### 4- طريقة المدى

تعتمد هذه الطريقة على استخدام المدى ، وهو أحد مقاييس التشتت في الإحصاء الذي يبين تشتت البيانات المستخدمة وذلك من خلال قيمته المشروطة على أن لا تكون كبيرة . أما خطواته فهي كالآتي :

- 1- حساب المدى من خلال الفرق بين أكبر ربح حدي وأصغر ربح حدي لكل صف ولكل عمود .
- 2- تعيين الصف أو العمود الذي يوجد فيه أكبر مدى .
- 3- توزيع أكبر كمية في الخلية التي تحتوي على أكبر ربح حدي والتابعة إلى ذلك الصف أو العمود الذي تم اختياره في الخطوة (2) .
- 4- إجراء التعديلات على الكميات المعروضة والكميات المطلوبة وحذف الصف أو العمود الذي تم استيعابه .
- 5 - إعادة الخطوات السابقة من خلال حساب قيم جديدة للمدى وغيرها إلى أن يتم استيعاب كل الصفوف أو الأعمدة المطلوبة .

### 5- طريقة Russell التقريبية

تعتمد هذه الطريقة على تطبيق الخطوات الآتية :

- 1- يتم تحديد الربح الحدي الأقل في كل صف ويرمز له  $U_i$  .
- 2 - يتم تحديد الربح الحدي الأقل في كل عمود ويرمز له  $V_j$  .
- 4- يتم تطبيق المعادلة  $A_{ij} = P_{ij} + (u_i - v_j)$  لكل قيم  $i, j$  .
- 5- يتم اختيار أكبر قيمة موجبة من بين الصفوف والأعمدة بحسب ما جاء في الخطوة (3) السابقة وتخصيص أكبر كمية فيها .
- 6- يتم إعادة الخطوات السابقة إلى أن يتم استيعاب كل الصفوف أو الأعمدة المطلوبة .

### 6- طريقة المجاميع

تعتمد هذه الطريقة على تطبيق الخطوات الآتية :

- 1- يتم حساب مجموع الأرباح الحدية للصفوف في جدول النقل .
- 2- يتم اختيار الصف الذي يحتوي على أكبر مجموع من بين مجموع الأرباح الحدية للصفوف .
- 3- يتم طرح أكبر ربح حدي في كل عمود مناظر له من الربح الحدي للصف الذي تم اختياره في الخطوة (2) السابقة .
- 4- إضافة صف جديد إلى صفوف جدول النقل يمثل الأرباح الحدية الجديدة ، ويتم اختيار أقل ربح حدي من الأرباح الحدية الجديدة ، وبعدها يتم تخصيص أكبر كمية في الخلية التي فيها أكبر ربح حدي .
- 5- الاستمرار في اختيار أقل ربح حدي من الأرباح الحدية المتبقية إلى أن يتم استنفاد قيم الأرباح الحدية الجديدة .
- 6- يتم إعادة الخطوات السابقة إلى أن يتم استيعاب كل الصفوف أو الأعمدة المطلوبة .

### 7- الطريقة المقترحة (The Suggested Method)

تم في هذه الطريقة استعمال قاعدة أقل أكبر (Minimum Maximum) واختصارا (MiniMax) .  
تعتمد هذه الطريقة على تطبيق الخطوات الآتية :

- 1- تحديد أكبر ربح حدي لكل صف ولكل عمود
- 2- اختيار أقل ربح حدي من بين الصفوف أو الأعمدة



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

3- توزيع أكبر كمية في الخلية التي تحتوي على أكبر ربح حدي والتابعة إلى ذلك الصف أو العمود الذي تم اختياره في الخطوة (2).

4- اجراء التعديلات على الكميات المعروضة والكميات المطلوبة وحذف الصف أو العمود الذي تم استيعابه .

5- إعادة الخطوات السابقة إلى أن يتم استيعاب كل الصفوف أو الأعمدة المطلوبة .

أما إيجاد الحل الأمثل في نماذج النقل في حالة تقليل أو تعظيم دالة الهدف هما طريقة حجر التنقل (Stepping Stone) أو طريقة التوزيع المعدل (Modified Distribution) وأيضا تسمى هذه الطريقة بعوامل الضرب .

علما بأنه تم تطبيق طريقة التوزيع المعدل فقط في الجانب النظري والجانب التطبيقي .

أن طريقة التوزيع المعدل تختلف عن طريقة حجر التنقل من حيث تقييم المتغيرات غير الأساسية وتأثيرها في دالة التكلفة أو دالة الربح ، حيث يتم في كل دورة حساب مسار مغلق واحد الذي بدأ بالمتغير غير الأساسي الذي يحدد على اساس التوزيع المعدل .

أما خطوات الحل الأمثل باستخدام طريقة عوامل الضرب (التوزيع المعدل) كالآتي :

1- بعد الحصول على الحل الاساسي الأولي المقبول باستخدام احدى طرقه ، يتطلب حساب عوامل الضرب

للفوف  $u_i$  ،  $i = 1, 2, \dots, m$  وعوامل الضرب للأعمدة  $V_j$  ،  $j = 1, 2, \dots, n$

2- لكل متغير من المتغيرات الأساسية ، يتم تطبيق القانون الآتي :

$$c_{ij} = u_i + V_j$$

حيث يكون عدد المتغيرات الأساسية (المعادلات)  $(m + n - 1)$

3- يتطلب حساب قيم  $u_i$  ،  $V_j$  من خلال حل المعادلات في الخطوة (2) ، وذلك باعطاء صفرا الى  $u_1$  ثم يتم حساب قيم العوامل الباقية من التعويض المباشر فيها .

4- يتم حساب قيم عوامل الضرب  $u_i$  ،  $V_j$  من أجل اختيار تأثير المتغيرات غير الأساسية على قيمة دالة الهدف ، بحيث يتطلب حساب قيم  $c_{ij}^*$  التي تمثل الزيادة أو النقصان لكل متغير غير أساسي وذلك حسب الصيغة الآتية :

$$c_{ij}^* = c_{ij} - (u_i + V_j)$$

5- في حالة تقليل دالة الهدف ، إذا كانت جميع قيم  $c_{ij}^*$  موجبة أو صفرا ، ففي هذه الحالة يكون الحل هو الحل الأمثل . أما إذا احتوت على قيم سالبة عندئذ يتم تحديد المتغير الداخل الذي يقابل أكبر قيمة في السالب

ويتم تحديد المتغير الخارج باستخدام نفس الخطوات المطبقة في طريقة حجر التنقل . بعد ذلك يتطاب إعادة الخطوات الأربع المذكورة انفا حتى يتم الوصول الى الحل الأمثل .

6- في حالة تعظيم دالة الهدف ، إذا كانت جميع قيم  $c_{ij}^*$  سالبة ، ففي هذه الحالة يكون الحل هو الحل الأمثل . أما إذا احتوت على قيم موجبة عندئذ يتم تحديد المتغير الداخل الذي يقابل أكبر قيمة في الموجب ويتم تحديد

المتغير الخارج باستخدام الخطوات المطبقة نفسها في طريقة حجر التنقل . بعد ذلك يتطاب إعادة الخطوات الأربع المذكورة انفا حتى يتم الوصول الى الحل الأمثل .

### نماذج النقل المختلفة في حالة تعظيم دالة الهدف

تناول هذا المبحث نماذج النقل في حالة تعظيم الأرباح التي أشار لها كل من (Hanna and

Render, Stair ، 2003) كأشارة قليلة بدون أمثلة و(الزبيدي ، 2001) و(السبعوي وحيواي ، 2002)

المعتمدة على الأرباح الحدية Marginal Profits لنفس المصادر ومراكز الطلب وكمياتها للمشاكل (المسائل) في حالة تقليل التكاليف .

ومن الجدير بالأشارة في هذا البحث ، أنه تم تطوير وإستخدام طريقة حديثة (حسب علم الباحث) في حالة تعظيم الأرباح الحدية في دالة الهدف وهي إستخدام قاعدة أصغر أكبر (Minimax) للأرباح الحدية

ومقارنتها مع طرائق مختلفة مستخدمة في حالة تقليل التكاليف لبيانات مزارع الدواجن نفسها .

من المعلوم رياضيا واقتصاديا وكما أشار كل من (هدو ، 2009) ، [6] و (Render, and Hanna

Stair ، 2003) ، [8] ، حيث تطرقوا إلى أن الربح الحدي للوحدة الواحدة هو :

الربح الحدي = الأيراد (العائد) (Revenue) – التكلفة (Cost) أو مقدار ما يدفع للوحدة الواحدة



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

كذلك أشار (هدو، 2009) ، حيث تطرق إلى أن الأيراد الكلي (Total Revenue واختصارها : TR) للوحدة الواحدة هو :

$$TR=(x)(P)$$

حيث :  $x$  : عدد الوحدات من سلعة ما ،  $p$  : سعر الوحدة الواحدة من سلعة ما . أما الأيراد الحدي ، فإنه عبارة عن المشتقة الأولى لدالة (اقتران) الأيراد الكلي . أما بخصوص معادلة الربح الكلي، فهي كالآتي :

الربح الكلي = الإيراد الكلي - التكلفة الكلية ، الإيراد الكلي = الربح الكلي + التكلفة الكلية

تعد نماذج النقل في حالة تعظيم الأرباح من الموضوع المهمة لكافة الباحثين والاقتصاديين خاصة ، حيث يستطيع الباحثون من استخدام هذه النماذج كبديل لحالة تقليل التكاليف في دالة الهدف . علما بأن الفرق بينهما يكمن في أن معاملات دالة الهدف وجدول النقل العام ( $P_{ij}$ ) تمثل الأرباح الحدية بدلا من التكاليف ( $C_{ij}$ ) مع بقاء ( $X_{ij}$ ) في جدول النقل ، حيث تمثل الكمية المنقولة أو المبيعة من المصدر  $i$  إلى مركز الطلب  $j$  . لذلك يكون جدول النقل العام ودالة الهدف والقيود (المحدات) في حالة تعظيم أو تقليل دالة الهدف نفسها عدا ما تم ذكره انفا .

### مصادر البيانات

اعتمد هذا البحث على نوعين من البيانات ، هما البيانات الثانوية وتمثلت في الأدبيات المنشورة من خلال الكتب والدراسات السابقة والدوريات المتعلقة بموضوع هذا البحث . أما البيانات الأولية ، فهي بيانات حقيقية ميدانية أجراها الباحث واسغرقت شهر واحد عام 2015م في محافظة عجلون - الأردن .

### الجانب التطبيقي

تم استخدام الخطوات والقوانين المتعلقة بالحل الأساسي الأولي المقبول والحل الأمثل . نتاج تطبيق نماذج النقل المختلفة في حالة تقليل دالة الهدف

يشير جدول (1) إلى تطبيق نماذج النقل المختلفة التي أجريت على احدى مزارع الدواجن لإنتاج البيض في محافظة عجلون- الأردن ، التي تم فيها تخزين البيض في ثلاثة مخازن في مناطق متفرقة وهي (عين البستان ، عيين ، ساكب) لحين تسويقها الى اربعة اسواق (عجلون ، جرش ، كفرنجة ، اربد) . علما بأن هذه المزارع تنتج 2000 صندوقا من البيض ، ويسع كل صندوق 12 طبقا من البيض سنويا ، وأن تكاليف انتاج البيض السنوية لكل صندوق تكون متشابهة في المناطق الثلاث. علما بأن نقلها تم من هذه المخازن الثلاثة الى مراكز التوزيع (الطلب) الأربعة بتكاليف نقل بالدينار الأردني كما في جدول (1) .

جدول (1) جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اربد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجة	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_i$
عين البستان	5	4	1	2	800
	$X_{11}$	$X_{12}$	$X_{13}$	$X_{14}$	
عيين	2	5	3	1	700
	$X_{21}$		$X_{23}$	$X_{24}$	
ساكب	7	1	4	3	500
	$X_{31}$	$X_{32}$	$X_{33}$	$X_{34}$	
الكميات المطلوبة $b_j$	600	700	400	300	2000



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

بناءً على معطيات جدول (1) ، يمكن إيجاد الحل الأساسي المقبول باستخدام الطرائق الثلاث المشار إليها بالجانب النظري على الترتيب وكذلك الحل الامثل باستخدام طريقة التوزيع المعدل (MODI) كالآتي :

**أولاً : طريقة الركن الشمالي الغربي :**

تم اعطاء المرحلة الاخيرة للوصول إلى الحل الأساسي المقبول كما في جدول (2) .  
قبل البدء بالحل يتطلب تحديد المتغيرات الأساسية كالآتي :

$$m + n - 1 = 3 + 4 - 1 = 6$$

جدول (2) جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اربد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_i$
عين البستان	5 600	4 200	1	2	800/600/ 200/0
عين	2	5 500	3 200	1	700/500/200/0
سكاب	7	1	4 200	3 300	500/ 200/300/0
الكميات المطلوبة $b_j$	600/0	700/500/0	400/200/0	300/0	2000

$$\Sigma a_j = \Sigma b_j = 2000$$

وفي ضوء عمليات تسويق البيض من المخازن الثلاثة إلى مراكز التوزيع الأربعة ، فإن تكاليف النقل الكلية بحسب هذه الطريقة كالآتي :

$$Z = (5)(600) + (4)(200) + (5)(500) + (3)(200) + (4)(200) + (3)(300) \\ = 8600$$

**ثانياً : طريقة اقل تكلفة**

وبالرجوع إلى جدول (1) المذكور انفا ، يمكن تطبيق هذه الطريقة كما في جدول (3) .

جدول (3) جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اربد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_i$
عين البستان	5 200	4 200	1 400	2	800/400/ 200/200/0
عين	2	5	3	1	700/300/400/0
سكاب	7	1	4 500	3 300	500/0
الكميات المطلوبة $b_j$	600/ 400/200/0	700/500/ 200//0	400/0	300/0	2000



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

فان تكاليف النقل الكلية كالآتي :

$$Z = (5)(200) + (4)(200) + (1)(400) + (2)(400) + (1)(300) + (1)(500) \\ = 3800$$

ثالثا : طريقة Vogel

وبالرجوع الى نفس جدول (1) السابق ، يمكن تطبيق هذه الطريقة كما في جدول (4) .  
جدول (4) جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اربد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروض $a_i$
عين البستان	5	4 200	1 400	2 200	800/0
عين	2 600	5	3	1 100	700/100/0
ساكب	7	1 500	4	3	500/0
الكميات المطلوبة $b_i$	600/0	700/0	400/0	300/0	2000

فان تكاليف النقل الكلية كالآتي :

$$Z = (4)(200) + (1)(400) + (2)(200) + (2)(600) + (1)(100) + (1)(500) \\ = 3400$$

الآن ومن خلال طريقة Vogel التقريبية ، يمكن الانتقال الى الحل الأمثل باستخدام طريقة (MODI) وكذلك الرجوع الى خطوات هذه الطريقة التي عرضت بالجانب النظري المتعلق بها ، وبالرجوع الى جدول (4) ، تم الحل كالآتي :

يتطلب تحديد عدد المتغيرات الأساسية وعددها 6 متغيرات وهي :

$$X_{12}, X_{13}, X_{14}, X_{21}, X_{24}, X_{32}$$

وتحديد عدد المتغيرات غير الأساسية وعددها 6 متغيرات أيضا وهي :

$$X_{11}, X_{22}, X_{23}, X_{31}, X_{33}, X_{34}$$

فان مؤشرات التحسين (Improvement Indices)  $c_{ij}^*$  هي كالآتي :

$$C_{11}^* = 2 \quad C_{22}^* = 2 \quad C_{23}^* = 3 \quad C_{31}^* = 7 \quad C_{33}^* = 6 \quad C_{34}^* = 4$$

ويتضح من مؤشرات التحسين ، أن جميعها موجبة . وهذا يعني ان طريقة Vogel التقريبية تعد هي الحل الأمثل لتكاليف النقل في هذه المزارع .

### نتائج تطبيق نماذج النقل المختلفة في حالة تعظيم دالة الهدف

يشير جدول (5) إلى تطبيق نماذج النقل المختلفة التي أجريت على احدى مزارع الدواجن وبالاغتماد على معطيات جدول (1) السابق وبعد طرح تكلفة النقل من الأيراد (العائد) ومقداره ثابت في جدول النقل والبالغ (12 دينارا أردني صندوق) . لذلك يتم الحصول على جدول نقل الأرباح الحدية كما في جدول (5) .





دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى  
مع تطبيقات لبيانات حقيقية

جدول (5) يمثل جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اربد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_j$
عين البستان	7 $x_{11}$	8 $x_{12}$	11 $x_{13}$	10 $x_{14}$	800
عين	10 $x_{21}$	7 $x_{22}$	9 $x_{23}$	11 $x_{24}$	700
سكاب	5 $x_{31}$	11 $x_{32}$	8 $x_{33}$	9 $x_{34}$	500
الكميات المطلوبة $b_i$	600	700	400	300	2000

بناءً على معطيات جدول (5) ، يمكن ايجاد الحل الأساسي الأولي المقبول باستخدام الطرائق المختلفة الآتية وكذلك ايجاد الحل الأمثل باستخدام طريقة التوزيع (MODI) كالآتي :  
أولاً : طريقة الركن الشمالي الغربي كما في جدول (6).

جدول (6) يمثل جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اربد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_j$
عين البستان	7 600	8 200	11	10	800/600/ 200/0
عين	10	7 500	9 200	11	700/500/200/0
سكاب	5	11	8 200	9 300	500/ 200/300/0
الكميات المطلوبة $b_i$	600	700	400	300	2000

فإن الأرباح الكلية حسب هذه الطريقة كالآتي :

$$Z = (7)(600) + (8)(200) + (7)(500) + (9)(200) + (8)(200) + 9(300) \\ = 15400$$



دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى  
مع تطبيقات لبيانات حقيقية

ثانيا : طريقة أكبر ربح حدي كما في جدول (7) .

جدول (7) يمثل جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اريد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_i$
عين البستان	7	8	11		800/400/ 200/200 /0
		200	400	10 200	
عين	10	7	9	11	700/600/0
	600			100	
سكاب	5	11	8	9	500/0
		500			
الكميات المطلوبة $b_j$	600/0	200 /0	400/0	300/0	2000

فان الأرباح الكلية حسب هذه الطريقة كالآتي :

$$Z=(8)(200)+(11)(400)+(10)(200)+(10)(600)+(11)(100)+(11)(500)$$
$$= 20600$$

ثالثا : طريقة Vogel التقريبية كما في جدول (8) .

جدول (8) يمثل جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اريد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_i$
عين البستان	7	8	11	10	800/400/ 200/200 /0
		200	400	200	
عين	10	7	9	11	700/100/0
	600			100	
سكاب	5	11	8	9	500/0
		500			
الكميات المطلوبة $b_j$	600/0	200 /0	400/0	300/200/0	2000

فان الأرباح الكلية بحسب هذه الطريقة كالآتي :

$$Z= (8)(200)+(11)(400)+(10)(200)+(10)(600)+(11)(100)+(11)(500)$$
$$= 20600$$



دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى  
مع تطبيقات لبيانات حقيقية

رابعاً : طريقة المدى كما في جدول (9) .

جدول (9) يمثل جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اريد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_j$
عين البستان	7	8 200	11 400	10 200	800/400/ 200/200 /0
عين	10 600	7	9	11 100	700/100/0
ساكب	5	11 500	8	9	500/0
الكميات المطلوبة $b_i$	600/0	200 /0	400/0	300/200/0	2000

فإن الأرباح الكلية حسب هذه الطريقة كالاتي :

$$Z = (8)(200) + (11)(400) + (10)(200) + (10)(600) + (11)(100) + (11)(500) = 20600$$

خامساً : طريقة Russell التقريبية كما في جدول (10) .

جدول (10) يمثل جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اريد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_j$	$U_i$
عين البستان	7	8 200	11 400	10 200	800/400/ 200/200 /0	7
عين	10 600	7	9	11 100	700/100/0	7
ساكب	5	11 500	8	9	500/0	5
الكميات المطلوبة $b_i$	600/0	200 /0	400/0	300/200/0	2000	
$V_j$	5	7	8	9		

فإن الأرباح الكلية حسب هذه الطريقة كالاتي :

$$Z = (8)(200) + (11)(400) + (10)(200) + (10)(600) + (11)(100) + (11)(500) = 20600$$



دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى  
مع تطبيقات لبيانات حقيقية

سادسا : طريقة الجاميع كما في جدول (11) .

جدول (11) يمثل جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اربد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_j$	المجموع
عين البستان	7	8 200	11 400	10 200	800/400/ 200/200 /0	36
عين	10 600	7	9	11 100	700/100/0	37
ساكب	5	11 500	8	9	500/0	33
الكميات المطلوبة $b_i$	600/0	200 /0	400/0	300/200/0	2000	
الأرباح الحدية الجديدة	-3	4	2	-1		

فان الأرباح الكلية حسب هذه الطريقة كالاتي :

$$Z = (8)(200)+(11)(400)+(10)(200)+(10)(600)+(11)(100)+(11)(500) = 20600$$

سابعا : الطريقة المقترحة (The Suggested Method) كما في جدول (12) .

جدول (12) يمثل جدول النقل

المركز المخزن	مركز توزيع اربد	مركز توزيع جرش	مركز توزيع كفرنجه	مركز توزيع عجلون	الكميات المعروضة $a_j$
عين البستان	7	8 200	11 400	10 200	800/400/ 200/200 /0
عين	10 600	7	9	11 100	700/100/0
ساكب	5	11 500		9	500/0
الكميات المطلوبة $b_i$	600/0	500 /0	400/0	300/100/0	2000



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

فإن الأرباح الكلية حسب هذه الطريقة كالآتي :

$Z = (8)(200) + (11)(400) + (10)(200) + (10)(600) + (11)(100) + (11)(500) = 20600$   
الآن ومن خلال طريقة Vogel والطرائق الأخرى ذات الأرباح الكلية البالغة (20600) ديناراً ، يمكن الانتقال إلى الحل الأمثل باستخدام طريقة طريقة (MODI) :

يتطلب تحديد عدد المتغيرات الأساسية وعددها 6 متغيرات وهي :

$$X_{12}, X_{13}, X_{14}, X_{21}, X_{24}, X_{32}$$

وتحديد عدد المتغيرات غير الأساسية وعددها 6 متغيرات أيضاً وهي :

$$X_{11}, X_{22}, X_{23}, X_{31}, X_{33}, X_{34}$$

فإن مؤشرات التحسين (Improvement Indices)  $c_{ij}^*$  هي كالآتي :

$$C^*_{11} = -2 \quad C^*_{22} = -2 \quad C^*_{23} = -3 \quad C^*_{31} = -7 \quad C^*_{33} = -6 \quad C^*_{34} = -4$$

ويتضح من مؤشرات التحسين ، أن جميعها سالبة . وهذا يعني أن طريقة Vogel التقريبية والطرائق الأخرى تعد هي الحل الأمثل للأرباح في هذه المزارع . وكذلك يتضح ، أنه قد حصلت زيادة في الأرباح الكلية في كل الطرائق المختلفة مقارنة مع طريقة الركن الشمال الغربي ومقداره (5200) ديناراً أي ( 20600 - 15400) ديناراً . علماً بأنه قد تساوت الأرباح الكلية عند كل الطرائق المختلفة وبضمنها الطريقة المقترحة في هذا البحث والبالغة (20600) ديناراً .

### مناقشة نتائج البحث

في ضوء الجانب النظري والتطبيقي ، فمن النتائج التي تم التوصل إليها كالآتي :

- 1- في حالة تقليل دالة الهدف ، فقد بلغت التكاليف الكلية لكل من طريقة الركن الشمالي الغربي وطريقة أقل تكلفة وطريقة Vogel التقريبية (8600 ، 3800 ، 3400) ديناراً على الترتيب لبيانات مزارع الدواجن .
- 2- في حالة تعظيم دالة الهدف ، فقد بلغت الأرباح الكلية لطريقة الركن الشمالي الغربي (15400) ديناراً ولكل من (طريقة أكبر ربح حدي ، طريقة Vogel التقريبية ، طريقة المدى ، طريق Russell التقريبية ، طريقة المجاميع ، الطريقة المقترحة) (20600) ديناراً أردنياً على الترتيب ، حيث كانت متساوية لبيانات مزارع الدواجن .
- 3- بلغ الإيراد الكلي (24000) ديناراً أردنياً وذلك نتيجة (الأرباح الكلية + التكاليف الكلية : 20600 + 3400) لبيانات مزارع الدواجن .
- 4- بناءً على نتائج طريقة التوزيع المعدل ، تم التوصل إلى أن طريقة Vogel التقريبية والطرائق الأخرى عدا طريقة الركن الشمالي الغربي تعتبر هي الحل الأمثل لتكاليف النقل أو الأرباح في مزارع الدواجن .

### التوصيات

في ضوء نتائج البحث ، فإن أهم التوصيات لهذا البحث كالآتي :

- 1- التركيز على أهمية استخدام إحدى التطبيقات للبرمجة الخطية في بحوث العمليات وهي نماذج النقل التي لها دور مهم في الحل الممكن والحل الأمثل لحساب تكاليف النقل الكلية والأرباح الكلية في التطبيقات الأخرى غير مزارع الدواجن
- 2- بناءً على نتائج الأطر النظري والجانب التطبيقي لهذا البحث ، يقترح الباحث استخدام طريقة Vogel التقريبية والطرائق الأخرى ومن ضمنها الطريقة المقترحة عدا طريقة الركن الشمالي الغربي في حالة تعظيم دالة الهدف سواء كان في الحل الممكن والحل الأمثل .



## دراسة حول نماذج النقل في قيمها الصغرى والعظمى مع تطبيقات لبيانات حقيقية

### المراجع

- 1- الشمرتي ، حامد سعد والزبيدي ، علي خليل ، 2007 ، مدخل إلى بحوث العمليات، عمان ، دار المجدلأوي.
- 2- النجار، ظافر حسين، وآخرون ، 2006 ، الأساليب الكمية للإدارة ، وزارة التعليم العالي والبحث العلمي ، كلية الإدارة والاقتصاد ، جامعة بغداد ، العراق .
- 3- الزبيدي ، علي خليل ، 2001 ، طريقة مقترحة لحل مسألة النقل ، مجلة وقائع المؤتمر القطري الثاني للعلوم الإحصائية ، العراق ، جامعة الموصل ، ص385 .
- 4- السبعأوي ، أحمد محمود وحيأوي ، هيام عبد المجيد ، 2002 ، طريقة مقترحة لحل نموذج النقل ، المجلة العراقية للعلوم الإحصائية(4) .
- 5- عبيدات ، سليمان ومحمد الطراونة ، 2009 ، مقدمة في بحوث العمليات ، الجامعة الاردنية عمان – الأردن
- 6- هدو، عادل احمد ، 2009 ، الرياضيات للاقتصاد والعلوم الإدارية ، دار المسيرة ، عمان- الأردن .
- 7- Hamdy A. Taha. 2003. Operations Research An Introduction. Seventh Edition .
- John A. Lawrence, Barry A. Pasternack. 2001. Applied Management Science . second Edition .
- 8- Render , Barry, Stair, M. Ralph. 2003. Managerial Decision Modeling. Eighth Edition .



## **A Study on Transportation Models in Their Minimum and Maximum Values with Applications of Real Data**

### **ABSTRACT**

The purpose of this paper is to apply different transportation models in their minimum and maximum values by finding starting basic feasible solution and finding the optimal solution. The requirements of transportation models were presented with one of their applications in the case of minimizing the objective function, which was conducted by the researcher as real data, which took place one month in 2015, in one of the poultry farms for the production of eggs in the governorate of Ajlun- Jordan, where the eggs were stored in three stores until marketed to four markets. A suggested method was also presented in case of maximizing the objective function based on the use of the Minimax rule. In the first step, it determines the maximum marginal profit for each row and column, and then selects the smallest marginal profit between rows or columns until the rest next steps. This method used the costs used for real data in poultry farms to find marginal profits.

The most important results of starting basic feasible solution, is that Vogel's method was less total cost(3400) JD when compared with north west corner method and least cost method .

In the optimal solution, MODI method was used for Vogel's method and other methods, where positive or negative values were obtained for all costs or profits of the non-basic variables. The total profit of the proposed method in this paper is equal to the results of the different methods amounting to (20600) JD.

**Key Words:** Starting Basic Feasible Solution (SBFS), MODI Method