

تقنية تحويل البرمجة الرياضية متعددة الخيارات إلى برمجة رياضية خطية اعتيادية لإيجاد الحل الأمثل

م.م. علاء شنيشل جيترا / الجامعة المستنصرية / كلية التربية البدنية وعلوم الرياضة

تاريخ التقديم: 2017/11/2

تاريخ القبول: 2017/12/12

المستخلص

تناول الدراسة مسألة البرمجة الرياضية الخطية متعددة الخيارات ، اذ ان الجانب اليمن من القيود سيكون هو متعدد الخيارات مع ذلك فان مسألة البرمجة الرياضية متعددة الخيارات لا يمكن حلها بصورة مباشرة من خلال التقنيات الخطية او اللاخطية المباشرة والفكرة هي تحويل هذه المسألة الى مسألة خطية اعتيادية وحلها بصورة مباشرة . حيث يتم تحديد معلمة واحدة لكل قيد من عدة معلمات ويمكن تحديد عملية الاختيار هذه بطريق مختلفة وفي هذا البحث يتم تقديم تقنية بسيطة تمكنا من التعامل مع هذه المسألة بوصفها برمجة خطية اعتيادية . حيث تعتمد الفكرة على ادخال عدد من المتغيرات الثانية واستخدامها لأشاء تركيبة خطية تطبي معلمة واحدة وكذلك تم استخدام نموذج البرمجة الخطية متعددة الخيارات بصورة عملية في تعظيم الارباح للشركة العامة للصناعات البلاستيكية منتج منظومات الري .

المصطلحات الرئيسية للبحث / البرمجة الرياضية متعددة الخيارات، تقنية التحويل إلى البرمجة الخطية الاعتيادية.





(1) المقدمة

في الحياة الحقيقة والمشاكل الصناعية هناك عملية تسمى الامثلية (optimization) وهذا يعني ايجاد الحد الادنى او الاعلى لبعض كميات عن طريق بناء نموذج رياضي يسمى دالة الهدف يخضع لنظام خطى من المساوات او لا مساوات تدعى القيود والرسم البياني لنظام القيود تسمى منطقة الحلول الممكنة والقيم المثلثى (optimal values) لدالة الهدف موجودة على اطراف هذه المنطقة وهناك الكثير من الباحث تتعامل مع هذه المسائل من اكثر من وجهة نظر واحدة واعطت نتائج مفيدة وذات دلالة. ان تطبيق نموذج البرمجة الخطية في مشاكل الحياة الحقيقة يتطلب ادخال ادوات جديدة تتناسب وتلتائم معها . حيث طور (Dantzig) نموذج البرمجة الخطية (Linear programming) والتي طفت في مختلف مشاكل صنع القرار في الاعمال التجارية والصناعات الهندسية والتي تتضمن مشاكل النقل وتخطيط الانتاج وجدولة الانتاج والاتصالات والتتصنيع . حيث تتطلب تحديد دقيق لقيم المعلمات والذي يكون من قبل الخبراء . ومع ذلك فان كل من الخبراء وصناع القرار لا يعرفون بدقة تحديد قيمة تلك المعلمات في معظم الحالات تعتمد فقط على الاستدلال الاحصائى من البيانات السابقة واستقراؤها امر مشكوك فيه . ومن ثم فأن قيمة المعلمات يحددها صانع القرار بطريقة غير مؤكدة . ان نهج اتخاذ القرار او صنع القرار في ظل عدم اليقين قد اتبع مجموعة متنوعة من فلسفة بناء النماذج، بما في ذلك التقليل من القيمة المتوقعة للخسارة، والتقليل الى الحد الادنى من الانحرافات عن الاهداف والتقليل من الحد الادنى من التكاليف وتعظيم الارباح. النهج الشائع المتبعة لاتخاذ القرار في حالة عدم اليقين يكون عن طريق البرمجة العشوائية او الضبابية. ومع ذلك في بعض الحالات يعتقد أن المعلمات أو المعاملات في مشاكل صنع القرار هي متعددة الخيارات في الطبيعة . وفي الفترة الأخيرة ظهر عمل كبير والعديد من النتائج الجذابة في هذا المجال البحثي . حيث يتم اختيار القيود المناسب باستخدام المتغيرات الثانية. اذ ان عدد المتغيرات الثانية المطلوبة للقيود هو العدد الإجمالي نفسه من الخيارات لهذا القيود (المراجع الاجنبية) . في هذا البحث استخدمت البرمجة الخطية متعددة الخيارات في المعالجة. وان منهجة وهيكلية البحث هي كالتالي:

اولاً: الجانب النظري ويتضمن مراجعة تاريخية لمفهوم البرمجة الرياضية متعددة الخيارات والنموذج الرياضي لمسألة البرمجة متعددة الخيارات والتحويل الخطى.

ثانياً: الجانب التطبيقي ويتضمن تطبيق النموذج الرياضي متعدد الخيارات في الشركة العامة للصناعات البلاستيكية والحصول على النتائج.

ثالثاً: مناقشة النتائج التي تم الحصول عليها من خلال الاستنتاجات والتوصيات التي تم التوصل اليها من خلال هذا البحث.

(2) هدف البحث

يهدف هذا البحث الى وصف تقنية جديدة فعالة لحل مسألة البرمجة الرياضية متعددة الخيارات والتي تعتمد في الحل الحصول على عدد من التعبيرات الرياضية الخطية مساوياً لعدد القيود متعدد الخيارات التي تحتوي على عدد محدد من المتغيرات الثانية وبالإمكان جعل هذه الطريقة قابلة للتطبيق على ايّة مسألة من مسائل البرمجة الرياضية متعددة الخيارات . وبشكل عام من الممكن عدها طريقة بسيطة وعامة لحل مثل هذا النوع مسائل البرمجة الرياضية كذلك بالإمكان استخدام برنامج Lingo لحل النموذج. تم تطبيق هذا النموذج في الشركة العامة للصناعات البلاستيكية لتعظيم ارباح الشركة من خلال بناء نموذج رياضي متعدد الخيارات .



(3) الجانب النظري

البرمجة الخطية متعددة الخيارات (MCP) والتي نشأت من قبل [4] Healey تنتهي الى مسائل الامثلية التجمعية مع شرط الاختيار من بين عدة مجموعات ممكنة كبديل لإيجاد الحل الأمثل وذلك من خلال دالة هدف تخضع لمجموعة من القيود . في الحياة العملية يمكن توسيع استخدام البرمجة الخطية متعددة الخيارات (MCP) في مختلف مسائل التخصيص العامة، مسائل حقيقة الظهر متعددة الخيارات ، وتحصيص موارد المبيعات، وجدولة الانتاج ، والجداول الزمنية، وما الى ذلك من مسائل الامثلية المختلفة. (MCP) هي برمجة ثنائية مختلطة حيث تشكل جميع المتغيرات الثنائية عدداً من الخيارات المتبدلة حيث يتم اختيار متغير واحد فقط. حالة الخيارات المتعددة تستخدم في العديد من المشاكل الادارية لاتخاذ القرار المناسب في هذا البحث يسمح لاتخاذ القرار تحديد عدد من الخيارات لمعلمات معينة وذلك بناء نموذج خطى متعدد الخيارات لمجموعة من المعلمات. [5].

Lieberman افترضوا ان عدد المتغيرات الثنائية في كل قيد في النموذج الرياضي هو العدد الاجمالي نفسه للأختيارات من هذا القيد. [6] قد اقترح صياغة برمجة الأهداف متعددة الخيارات (MCGP) والتي تسمح لاتخاذ القرار لتحديد مستويات الطموح متعددة الخيارات لكل هدف لتجنب التقليل من الخطأ وتسليل عملية صنع القرار. واستخدم المصطلحات المضاعفة للمتغيرات الثنائية للتعامل مع مستويات الطموح المتعددة. في بحث اخر له [10] يتم استبدال المصطلحات المضاعفة للمتغيرات الثنائية بالمتغيرات المستمرة . Chang[11] اقترح طريقة حيث تسع معلمة متعددة الخيارات في احسن الاحوال ثلاثة الخيارات. Biswal and Acharya [8] اقترحوا تحويل مسألة البرمجة الخطية متعددة الخيارات والتي تستوعب افضل ثمانية خيارات للهدف وقد استخدمت بعض القيود المساعدة لتجنب التكرار. في بعض الكتب [12,13] طبقت البرمجة الخطية متعددة الخيارات لحل بعض المشاكل الحقيقية التي تواجهه متخذ القرار (DM) . وقد نواجه مشكلة عند تحويل البرمجة الرياضية متعددة الخيارات الى البرمجة الرياضية القياسية والتي تتطلب على عدد اكبر من الخيارات لمعلمات معينة . ولذلك يجب الاخذ بنظر العناية الخطوات الآتية :

- (1) اختيار الرموز الثنائية.
- (2) تحديد الرموز الثنائية.
- (3) تقييد الرموز الثنائية باستخدام القيود المساعدة.

من أجل تجنب مثل هذه الصعوبات، ونحن نطبق هذه الطريقة، وهي اختيار معلمة واحدة تمثل الحل من عدة معلمات للحصول على الحل الأمثل يجب مراعاة النقاط الثلاث المذكورة آنفاً وحل نموذج البرمجة متعددة الخيارات باعتباره برمجة خطية.

(3-1) النموذج الرياضي [9][8] Mathematical Model

النموذج الرياضي لمسألة البرمجة الخطية متعددة الخيارات هو كالتالي:
ابعاد قيم $(x_1, x_2, \dots, x_n) = X$ وعليه يكون النموذج:

$$\max: Z = \sum_{j=1}^n c_j x_j \quad (1)$$

Subject to:

$$\sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \leq \{b_{i1}, b_{i2}, \dots, b_{ik}\}, \quad i = 1, 2, \dots, m \quad (2)$$



$$x_j \geq 0, \quad j = 1, 2, \dots, n \quad (3)$$

حيث تمثل قيمة c_j الربح او تمثل كلفة وبحسب النموذج الرياضي . تمثل (a_{ij}) العامل التكنولوجي ساعات اللازمة للانتاج، ساعات التجهيز،...الخ، في حين تمثل $\{b_{i1}, b_{i2}, \dots, b_{ik}\}$ القيود المفروضة على النموذج.

الجهة اليمنى من القيود (2) والتي تضم مجموعة k_i من الخيارات في حين ان هناك خيار واحد يجب اختياره لحل مسألة النموذج الخطى متعدد الخيارات (1)-(3) يجب من الضروري تحويل هذه المسألة الى مسألة البرمجة الخطية الاعتيادية . سنتناول التحويل الخطى العام لكل الحالات وليس فقط لقيم الصغيرة من k_i لكن ايضا لقيم الكبيرة.

[9] التحويل الخطى (3-2) Linear Transformation

ليكن L_i تدل على قيم (الخيارات) في الجهة اليمنى من i^{th} من القيود مع عدد كلى k_i

العرض:

k_i = المضاعف المشترك الأصغر من الأرقام $\{k_1, k_2, \dots, k_n\}$

ومن اجل تحقيق هدفنا الرئيس المتمثل اختيار قيمة واحدة فقط من بين خيارات i ، تعتمد الفكرة على ادراج عدد k_i من المتغيرات الثانية تسمى Z_1, Z_2, \dots, Z_k لانشاء مجموعة بعدد $\frac{K}{k_i} = r_i$ من التركيبات الخطية وعلى الشكل الاتي :-

$$L_{i1} = b_{i1}z_1 + b_{i2}z_2 + \dots + b_{ik_i}z_{k_i} = \sum_{t=1}^{k_i} b_{it} z_t \quad (4)$$

$$L_{i2} = b_{i1}z_{k_i+1} + b_{i2}z_{k_i+2} + \dots + b_{ik_i}z_{2k_i} = \sum_{t=1}^{k_i} b_{it} z_{k_i+t} \quad \forall i \quad (5)$$

$$L_{i3} = b_{i1}z_{k_i+1} + b_{i2}z_{2k_i+2} + \dots + b_{ik_i}z_{3k_i} = \sum_{t=1}^{k_i} b_{it} z_{2k_i+t} \quad (6)$$

$$L_{ir_i} = b_{i1}z_{(r_i-1)k_i+1} + b_{i2}z_{(r_i-1)k_i+2} + \dots + b_{ik_i}z_{r_i k_i} = \sum_{t=1}^{k_i} b_{it} z_{(r_i-1)k_i+t} \quad (7)$$

وفي النهاية، نستبدل الجانب اليمين i^{th} من القيود بالصيغة الآتية :

$$L_i = \sum_{j=1}^{r_i} L_{ij} = \sum_{j=1}^{r_i} \{ \sum_{t=1}^{k_i} b_{it} z_{(j-1)k_i+t} \} \quad (8)$$

الآن يمكننا اعادة كتابة النموذج الرياضي في شكل اكثرا ملائمة وعلى النحو الاتي:

يكون كالاتي: $X = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ لايجاد قيم

$$\max z = \sum_{j=1}^n c_j x_j \quad (9)$$



تقنية تحويل البرمجة الرياضية متعددة الخيارات الى برمجة رياضية خطية اعتمادية لإيجاد الحل الأمثل

$$\sum_{j=1}^n a_{ij}x_j \leq L_i, \quad i = 1, 2, \dots, m \quad (10)$$

$$z_p = 0 \setminus 1, p = 1, 2, \dots, k \quad (11)$$

$$\sum_{p=1}^k z_p = 1, x_j \geq 0, j = 1, 2, \dots, n \quad (12)$$

(4) الجانب التطبيقي:

تنتج الشركة العامة للصناعات البلاستيكية أربعة أنواع من منظومات الري بالتنقیط شهرياً وهي كالتالي المنتج الأول بيوت بلاستيكية، المنتج الثاني منظومة ري (5) دونم، المنتج الثالث منظومة ري (10) دونم ، والمنتج الرابع منظومة الري بالرش الثابت. حيث بلغت عدد الساعات اللازمة لانتاج وحدة واحدة من المنتج نوع الاول (6) ساعات، ومن النوع الثاني (4) ساعات، من النوع الثالث (5) ساعات و (6) ساعات من النوع الرابع ، أما الساعات المتاحة الشهرية هي كالتالي 800,950,900. في حين بلغت ساعات التجهيز لكل منتج (تتضمن التحميل والتركيب الموقعي) هي كالتالي من المنتج الاول (5) ساعة ، المنتج الثاني (5) ساعة والمنتج الثالث (5) ساعة والمنتج رقم اربعة (3) ساعة في حين بلغت ساعات التجهيز المتاحة الشهرية 1150,1140 أما الطلب المتوقع على المنتج فكان (35) وحدة للمنتج الاول ، (50) وحدة للمنتج الثاني، (40) وحدة للمنتج الثالث و(35) وحدة للمنتج الرابع. المنتج النوع الاول ، النوع الثاني، النوع الثالث، النوع الرابع يحقق ربح 2، 2.5، 3، 2 مليون لكل وحدة على التوالي . حيث ان x_1, x_2, x_3, x_4 يمثل عدد الوحدات المنتجة من كل نوع من انواع المنتج المذكور آنفاً.

الجدول الآتي يلخص ما ورد في اعلاه.

المتاح	المنتج رقم (4)	المنتج رقم (3)	المنتج رقم (2)	المنتج رقم (1)	التفصيل
950,900,800	6	5	4	6	عدد ساعات الانتاج
1150,1140	3	7	4	5	ساعات التجهيز
200,210,220,230					الطلب المتوقع
	2000	2500	3000	2000	الربح المتوقع (الف دينار)
	x_4	x_3	x_2	x_1	الرمز

وحيث ان الشركة العامة للصناعات البلاستيكية ترغب في تعظيم الربح من منظومات الري، عليه يكون النموذج الرياضي متعدد الخيارات الذي يمثل المشكلة كالتالي:



تقنية تحويل البرمجة الرياضية متعددة الخيارات إلى برمجة رياضية خطية اعتمادية لإيجاد الحل الأمثل

$$\text{Max} = 2000x_1 + 3000x_2 + 2500x_3 + 2000x_4$$

Subject to:

$$6x_1 + 4x_2 + 5x_3 + 6x_4 \leq \{950, 900, 800\}$$

$$5x_1 + 4x_2 + 7x_3 + 3x_4 \leq \{1150, 1140\}$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 \leq \{200, 210, 220, 230\}$$

وبتطبيق التقنية المذكور آنفًا، بالإمكان تحويل مشكلة متعدد الخيارات إلى برمجة خطية مختلطة . بالإشارة إلى البيانات المذكور آنفًا يكون لدينا $k_1 = 4$ ، $k_2 = 3$ وعليه تكون $K=12$ وهي تشير إلى المعامل المشترك الأصغر للأعداد الصحيحة (3,2,4) . لذلك سيتم إدخال 12 متغير ثانٍ إلى الجهة اليمنى من القيود وسيتم إعادة كتابة المسألة بشكل جديد وكما يأتي:

$$\text{Max} = 2000x_1 + 3000x_2 + 2500x_3 + 2000x_4$$

Subject to:

$$6x_1 + 4x_2 + 5x_3 + 6x_4 \leq 950z_1 + 900z_2 + 800z_3 + 950z_4 + 900z_5 + 800z_6 + 950z_7 + 900z_8 + 800z_9 + 950z_{10} + 900z_{11} + 800z_{12}$$

$$5x_1 + 4x_2 + 7x_3 + 3x_4 \leq 1150z_1 + 1140z_2 + 1150z_3 + 1140z_4 + 1150z_5 + 1140z_6 + 1150z_7 + 1140z_8 + 1150z_9 + 1140z_{10} + 1150z_{11} + 1140z_{12}$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 \leq 200z_1 + 210z_2 + 220z_3 + 230z_4 + 200z_5 + 210z_6 + 220z_7 + 230z_8 + 200z_9 + 210z_{10} + 220z_{11} + 230z_{12}$$

$$z_p = 0 \setminus 1 , \quad p = 1, 2, \dots, 12$$

$$\sum_{p=1}^{12} z_p = 1 , \quad x_1 \geq 35, x_2 \geq 40, x_3 \geq 50, x_4 \geq 35$$

تم حل النموذج الرياضي الخطى متعدد الخيارات المذكور آنفًا باستخدام برنامج LINGO
وكما موضح فيما يأتي:

MODEL:

SETS:

B/B1..B12/:R1,R2,R3,S;

V/V1..V4/:P,T1,T2,T3,R4,X;

ENDSETS

DATA:

P=2000 3000 2500 2000;



تقنية تحويل البرمجة الرياضية متعددة الخيارات الى برمجة رياضية خطية اعتيادية لإيجاد الحل الامثل

T1=6 4 5 6;
T2=5 4 7 3;
T3=1 1 1 1;
R1=950 900 800 950 900 800 950 900 800 950 900 800 ;
R2=1150 1140 1150 1140 1150 1140 1150 1140 1150 1140 1150 1140 ;
R3=200 210 220 230 200 210 220 230 200 210 220 230 ;
R4=35 40 50 35 ;
ENDDATA
MAX=@SUM(V(I):P(I)*X(I));
(@SUM(V(I):T1(I)*X(I)))<=(@SUM(B(I):R1(I)*S(I)));
(@SUM(V(I):T2(I)*X(I)))<=(@SUM(B(I):R2(I)*S(I)));
(@SUM(V(I):T3(I)*X(I)))<=(@SUM(B(I):R3(I)*S(I)));
@FOR(B(I):@BIN(S(I)));
@SUM(B(I):S(I))=1;
@FOR)V(I):X(I)>=(R4(I:((

END

من خلال حل النموذج المذكور آنفًا تم الحصول على النتائج في أدناه:

$$x_1=35, \quad x_2=70, \quad x_3=50, \quad x_4=35,$$

حيث تم تحقيق اعلى ربح مقداره (475.000.000) دينار عراقي .كل المتغيرات الثانية هي اصفار ما عدا x_4 اخذت الرقم واحد وهذا يعني اختيار الاهداف من القيود الاولى والثانية والثالثة هي 950، 1140، 230 على التوالي . وبالإمكان الاطلاع على نتائج الحاسوب في الملحق .

(5) الاستنتاجات والتوصيات

1. تقنية التحويل المستخدمة تقنية سهلة وفعالة وثبتت نجاحها .
2. اسهمت البرمجة الخطية متعددة الخيارات في تعظيم ارباح الشركة من خلال استخدام افضل الموارد المتاحة .
3. افضلية النموذج متعدد الخيارات مقارنة بالنمذاج الخطية الاعتيادية التي تنظر للمشكلة من جهة واحدة حيث النموذج المقترن اشمل واوسع في اختيار الافضل من ما متاح من موارد انتاجية .
4. تختلف هذه التقنية باستخدامها افضل الحلول بإيجاد حل وحيد مقارنة بالبرمجة العشوائية والبرمجة الضبابية التي تستخدم المعدل لإيجاد الحلول .
5. يوصي الباحث باستخدام هذه التقنية في حل النماذج الرياضية متعددة الخيارات.
6. يوصي الباحث الشركة العامة للصناعات البلاستيكية بتعديل خطط الانتاج لمنتج الري بالتنقيط وفق النتائج المتحصل عليها للحصول على اكبر ربح متحقق.



المصادر (6)

1. بلعمد مصطفى "الخطيط الإجمالي للإنتاج باستخدام البرمجة الخطية المبهمة"، مجلة الباحث، جامعة تلمسان - تونس (2010م).
2. العلي، عبد الستار محمد، "ادارة الانتاج والعمليات" جامعة اليرموك - الاردن.(2000م).
3. العبيدي، مروان عبد الحميد عاشور، "مشكلات البرمجة الخطية الضبابية" جامعة بغداد - كلية الادارة والاقتصاد. (2014م).
4. Chang, C.-T. (2008) Revised Multi- Choice Goal Programming. *Applied Mathematical Modelling*, 32, 2587-2595.
<http://dx.doi.org/10.1016/j.apm.2007.09.008>
5. Hiller, F. and Lieberman, G. (1990) *Introduction to Operations Research*. Mc Graw- Hill, New York.
6. Dantzig, G.B. (1963) *Linear Programming and Extensions*. Princeton University Press, Princeton.
7. Birge, J.R. and Louveaux, F.V. (1997) *Introduction to Stochastic Programming*. Springer, New York.
8. Biswal, M.P. and Acharya, S. (2011) Solving Multi-Choice Linear Programming Problems by Interpolating Polynomials. *Mathematical and Computer Modelling*, 54, 1405-1412. <http://dx.doi.org/10.1016/j.mcm.2011.04.009>.
9. Tarek A. Khalil¹, Yashpal Singh Raghav^{2*}, N. Badra³ (2016) Optimal Solution of Multi-Choice Mathematical Programming Problem Using a New Technique. *American Journal of Operations Research*, 2016, 6, 167-172. <http://dx.doi.org/10.4236/ajor.2016.62019>.
10. C.-T. Chang, Revised multi-choice goal programming, *Applied Mathematical Modelling* 32 (2008) 2587–2595.
11. C.-T. Chang, Multi-choice goal programming problem, *Omega-The International Journal of Management Science* 35 (2007) 389–396.
12. A.H.I. Lee, H.Y. Kang, C.T. Chang, Fuzzy multiple goal programming applied to TFT-LCD supplier selection by downstream manufacturers, *Expert Systems with Applications* 36 (3) (2009) 6318–6325.
13. C.N. Liao, H.P. Kao, Supplier selection model using Taguchi loss function, analytical hierarchy process and multi-choice goal programming, *Computers & Industrial Engineering* 58 (4) (2010) 571–577.



The technique of converting multi-choice mathematical programming into linear mathematical programming to find the optimal solution

Abstract

The study deals with the issue of multi-choice linear mathematical programming. The right side of the constraints will be multi-choice. However, the issue of multi-purpose mathematical programming can not be solved directly through linear or nonlinear techniques. The idea is to transform this matter into a normal linear problem and solve it. In this research, a simple technique is introduced that enables us to deal with this issue as regular linear programming. The idea is to introduce a number of binary variables And its use to create a linear combination gives one parameter was used multiple. As well as the options of linear programming model to maximize profits to the General Company for Plastic Industries product irrigation systems.

Keywords/ Multi-Choice Mathematical Programming, Transformation Technique



الملحق
نتائج الحاسوب لبرنامج Lingo

Global optimal solution found.
Objective value: 475000.0
Objective bound: 475000.0
Infeasibilities: 0.000000
Extended solver steps: 0
Total solver iterations: 1
Elapsed runtime seconds: 0.06

Model Class: MILP

Total variables: 16
Nonlinear variables: 0
Integer variables: 12

Total constraints: 9
Nonlinear constraints: 0

Total nonzeros: 68
Nonlinear nonzeros: 0

Variable Value Reduced Cost
R1(B1) 950.0000 0.000000
R1(B2) 900.0000 0.000000
R1(B3) 800.0000 0.000000
R1(B4) 950.0000 0.000000
R1(B5) 900.0000 0.000000
R1(B6) 800.0000 0.000000
R1(B7) 950.0000 0.000000
R1(B8) 900.0000 0.000000
R1(B9) 800.0000 0.000000
R1(B10) 950.0000 0.000000
R1(B11) 900.0000 0.000000
R1(B12) 800.0000 0.000000
R2(B1) 1150.000 0.000000
R2(B2) 1140.000 0.000000
R2(B3) 1150.000 0.000000
R2(B4) 1140.000 0.000000
R2(B5) 1150.000 0.000000
R2(B6) 1140.000 0.000000
R2(B7) 1150.000 0.000000
R2(B8) 1140.000 0.000000
R2(B9) 1150.000 0.000000
R2(B10) 1140.000 0.000000
R2(B11) 1150.000 0.000000
R2(B12) 1140.000 0.000000
R3(B1) 200.0000 0.000000
R3(B2) 210.0000 0.000000
R3(B3) 220.0000 0.000000
R3(B4) 230.0000 0.000000
R3(B5) 200.0000 0.000000
R3(B6) 210.0000 0.000000
R3(B7) 220.0000 0.000000



تقنية تحويل البرمجة الرياضية متعددة الخيارات
الى برمجة رياضية خطية اعتمادية لإيجاد الحل الامثل

R3(B8)	230.0000	0.000000
R3(B9)	200.0000	0.000000
R3(B10)	210.0000	0.000000
R3(B11)	220.0000	0.000000
R3(B12)	230.0000	0.000000
S(B1)	0.000000	-712500.0
S(B2)	0.000000	-675000.0
S(B3)	0.000000	-600000.0
S(B4)	1.000000	-712500.0
S(B5)	0.000000	-675000.0
S(B6)	0.000000	-600000.0
S(B7)	0.000000	-712500.0
S(B8)	0.000000	-675000.0
S(B9)	0.000000	-600000.0
S(B10)	0.000000	-712500.0
S(B11)	0.000000	-675000.0
S(B12)	0.000000	-600000.0
P(V1)	2000.000	0.000000
P(V2)	3000.000	0.000000
P(V3)	2500.000	0.000000
P(V4)	2000.000	0.000000
T1(V1)	6.000000	0.000000
T1(V2)	4.000000	0.000000
T1(V3)	5.000000	0.000000
T1(V4)	6.000000	0.000000
T2(V1)	5.000000	0.000000
T2(V2)	4.000000	0.000000
T2(V3)	7.000000	0.000000
T2(V4)	3.000000	0.000000
T3(V1)	1.000000	0.000000
T3(V2)	1.000000	0.000000
T3(V3)	1.000000	0.000000
T3(V4)	1.000000	0.000000
R4(V1)	35.00000	0.000000
R4(V2)	40.00000	0.000000
R4(V3)	50.00000	0.000000
R4(V4)	35.00000	0.000000
X(V1)	35.00000	0.000000
X(V2)	70.00000	0.000000
X(V3)	50.00000	0.000000
X(V4)	35.00000	0.000000